
Sistemas de Tempo Real: Escalonamento Baseado em Prioridades Fixas

Rômulo Silva de Oliveira
Departamento de Automação e Sistemas - DAS – UFSC

romulo@das.ufsc.br
<http://www.das.ufsc.br/~romulo>

Escalonamento Baseado em Prioridades Fixas

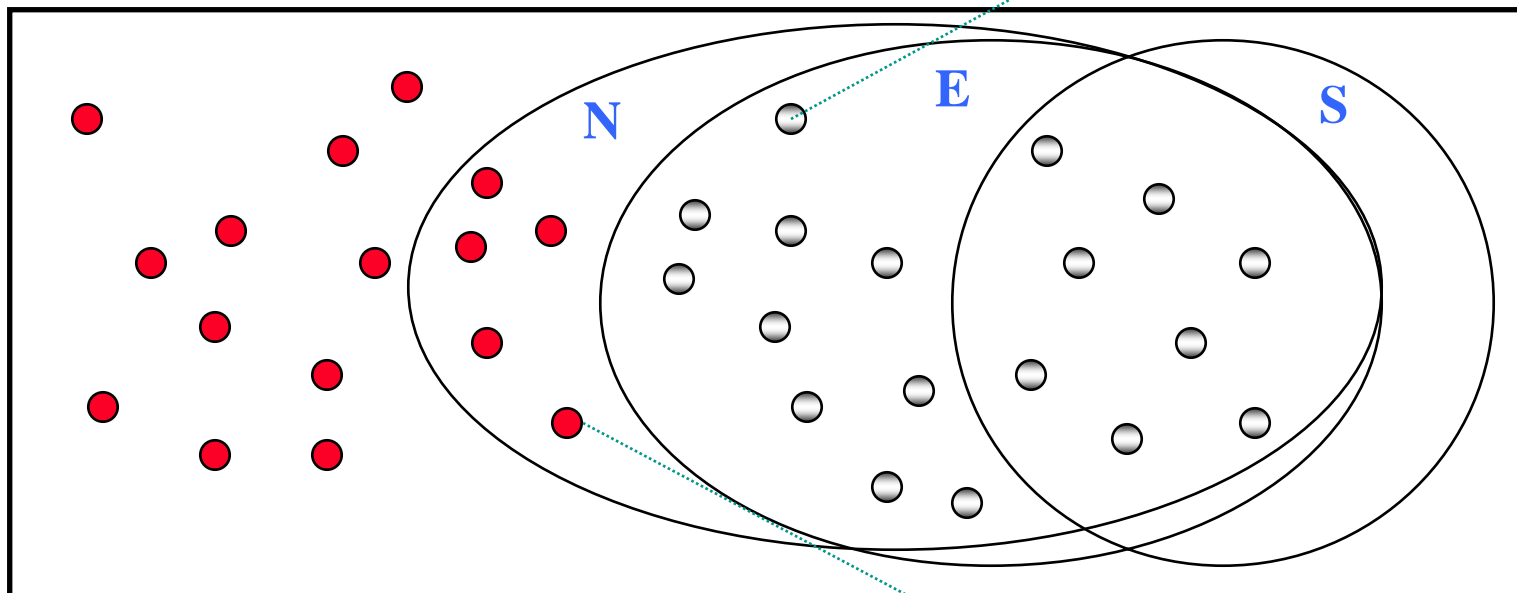
- Caracterização
- Rate Monotonic
- Análise da Utilização
- Análise do Tempo de Resposta
- Deadline Monotonic
- Release Jitter
- Bloqueios

Escalonamento Baseado em Prioridades Fixas

- Aplicação composta por tarefas (processos)
- Estados de uma tarefa:
 - Liberada (pronta para executar, apta, ready)
 - Suspensa esperando por evento ou passagem do tempo
 - Bloqueada
- Em geral escalonamento é preemptivo
- Tarefas possuem **prioridade fixa** definida em projeto
- Garantia exige
 - Tarefas periódicas ou esporádicas
 - Tempo máximo de computação conhecido
 - Teste de escalonabilidade apropriado

Teste de Escalonabilidade

- Teste de Escalonabilidade pode ser
 - Suficiente
 - Exato
 - Necessário



Conjunto de todos os sistemas

escalonável

não escalonável

Rate Monotonic

- Quanto menor o período, maior a prioridade
- Ótimo quando
 - Tarefas são periódicas
 - Deadline é sempre igual ao período
- Exemplo:

– Tarefas	T1	T2	T3
– Períodos	P1=30	P2=40	P3=50
– Prioridades	p1=1	p2=2	p3=3
- Cuidado!
 - Número menor indica prioridade maior
 - Muitas vezes é o contrário

Análise da Utilização

- Utilização de uma tarefa:
 - Tempo máximo de computação dividido pelo período
 - T1 tem $C1=12$ e $P1=50$, então $U1 = 12 / 50 = 0.24$
- Teste para Rate Monotonic, sistema é escalonável se:

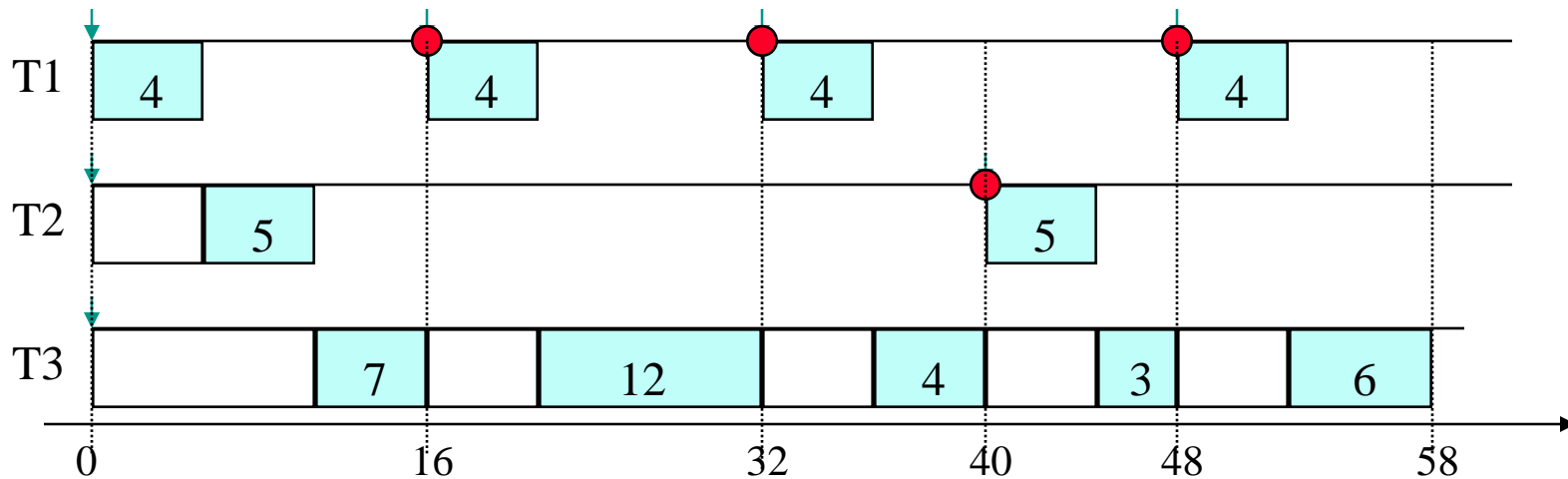
$$\sum_{i=1}^N \left(\frac{C_i}{P_i} \right) < N(2^{1/N} - 1)$$

- Para $N=1$ utilização máxima é 100%
- Para $N=10$ utilização máxima é 71.8%
- Para N grandes utilização máxima tende para 69.3%
- Baseado no conceito de Instante Crítico
- Teste é suficiente mas não necessário

Análise da Utilização

- Exemplo:

	T1	T2	T3
– Períodos	P1=16	P2=40	P3=80
– Computação	C1=4	C2=5	C3=32
– Utilização	U1=0.250	U2=0.125	U3=0.400
– Prioridades	p1=1	p2=2	p3=3
- Utilização total é 0.775, abaixo do limite 0.780



Análise do Tempo de Resposta

- Limitações da análise baseada em Utilização
 - Não é exata
 - Aplicável apenas a modelos de tarefas muito simples
- Análise baseada em **Tempo de Resposta**
 - Abordagem analítica calcula tempo de resposta no pior caso
 - Tempo de resposta de cada tarefa é comparado com o deadline da tarefa

Análise do Tempo de Resposta

- Como calcular o tempo de resposta de cada tarefa ?
- Para a tarefa mais prioritária temos $R_1 = C_1$
- Demais tarefas sofrem **Interferência** das tarefas com prioridade maior
- Neste caso, $R_i = C_i + I_i$
- Interferência é máxima a partir do **Instante Crítico**
 - Todas as tarefas são liberadas simultaneamente
 - Suposto instante zero na análise

Análise do Tempo de Resposta

- Seja T_j uma tarefa com prioridade maior que T_i
- Quantas vezes T_j pode acontecer durante a execução de T_i ?

$$\left\lceil \frac{R_i}{P_j} \right\rceil$$

- Qual a interferência total de T_j sobre T_i ?

$$\left\lceil \frac{R_i}{P_j} \right\rceil \times C_j$$

- Qual a interferência total sobre T_i ?

$$\sum_{j \in hp(i)} \left\lceil \frac{R_i}{P_j} \right\rceil \times C_j$$

Análise do Tempo de Resposta

- O tempo máximo de resposta de T_i é $R_i = C_i + I_i$

$$R_i = C_i + \sum_{j \in hp(i)} \left[\frac{R_j}{P_j} \right] \times C_j$$

- Equação é recursiva
- Calculada através de iterações sucessivas, até:
 - Tempo de resposta passar do deadline
 - Resultado convergir, iteração $x+1$ igual a iteração x

$$w_i^{x+1} = C_i + \sum_{j \in hp(i)} \left[\frac{w_j^x}{P_j} \right] \times C_j \quad w_i^0 = C_i$$

Análise do Tempo de Resposta

- Exemplo:

	T1	T2	T3
– Períodos	P1=7	P2=12	P3=20
– Computação	C1=3	C2=3	C3=5
– Prioridades	p1=1	p2=2	p3=3
- $R1 = C1 = 3$

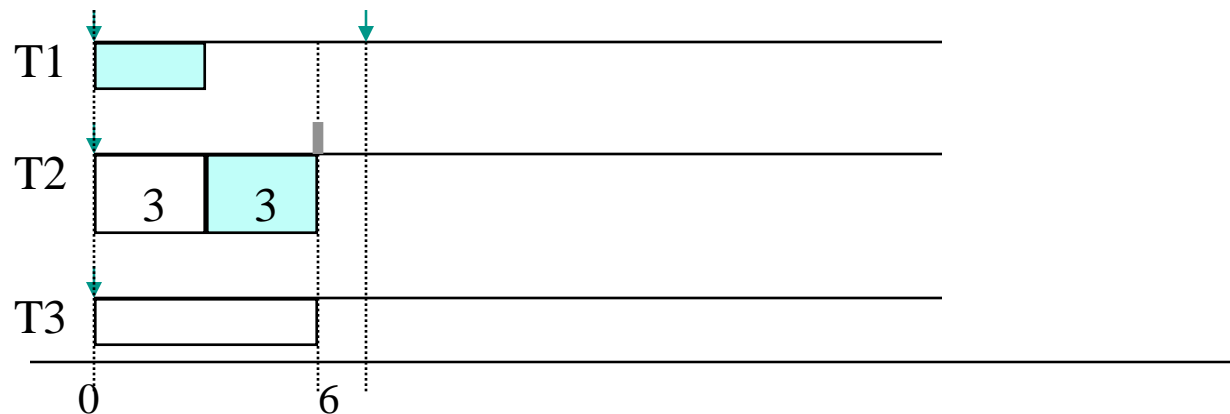


Análise do Tempo de Resposta

- Análise da tarefa T2: $w_2^0 = C_2 = 3$

$$w_2^1 = C_2 + \left[\frac{w_2^0}{P_1} \right] \times C_1 = 3 + \left[\frac{3}{7} \right] \times 3 = 6$$

$$w_2^2 = C_2 + \left[\frac{w_2^1}{P_1} \right] \times C_1 = 3 + \left[\frac{6}{7} \right] \times 3 = 6$$



Análise do Tempo de Resposta

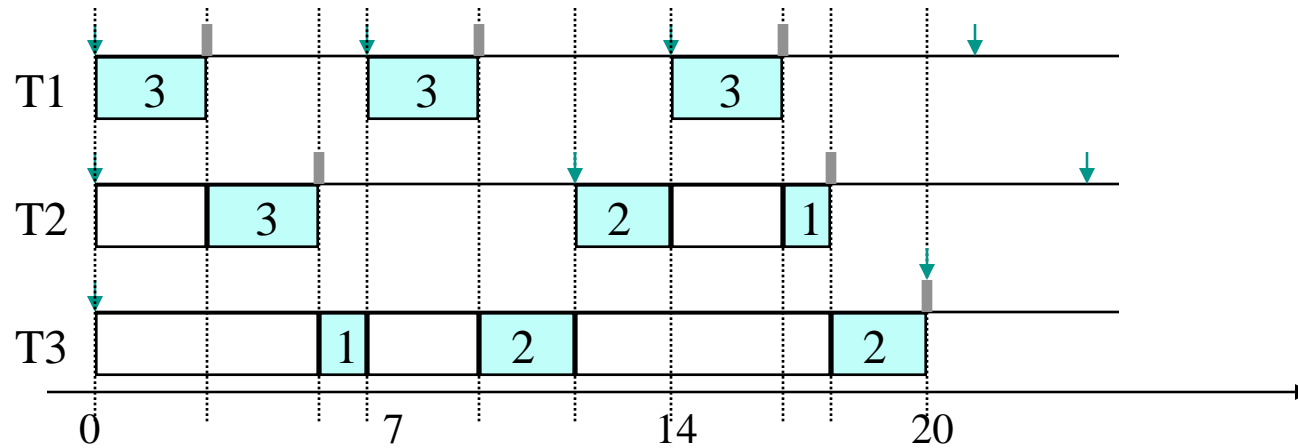
- Análise da Tarefa T3: $w_3^0 = C_3 = 5$

$$w_3^1 = C_3 + \sum_{j \in \text{hp}(3)} \left\lceil \frac{w_3^0}{P_j} \right\rceil \times C_j = 5 + \left\lceil \frac{5}{7} \right\rceil \times 3 + \left\lceil \frac{5}{12} \right\rceil \times 3 = 11$$

$$w_3^2 = 5 + \left\lceil \frac{11}{7} \right\rceil \times 3 + \left\lceil \frac{11}{12} \right\rceil \times 3 = 14 \quad w_3^3 = 5 + \left\lceil \frac{14}{7} \right\rceil \times 3 + \left\lceil \frac{14}{12} \right\rceil \times 3 = 17$$

$$w_3^4 = 5 + \left\lceil \frac{17}{7} \right\rceil \times 3 + \left\lceil \frac{17}{12} \right\rceil \times 3 = 20 \quad w_3^5 = 5 + \left\lceil \frac{20}{7} \right\rceil \times 3 + \left\lceil \frac{20}{12} \right\rceil \times 3 = 20$$

Análise do Tempo de Resposta



- Exemplo:

	T1	T2	T3
– Períodos	$P1=7$	$P2=12$	$P3=20$
– Computação	$C1=3$	$C2=3$	$C3=5$
– Prioridades	$p1=1$	$p2=2$	$p3=3$
– Tempo Máximo de Resposta	$R1=3$	$R2=6$	$R3=20$

Análise do Tempo de Resposta

- Teste de escalonabilidade **exato**
- Deadline pode ser menor que o período
 - Basta comparar o tempo de resposta com o deadline
- Deadline maior que o período exige análise mais complexa
 - Tarefa pode interferir com ela mesma
- Tarefas esporádicas podem ser tratadas como periódicas
 - Intervalo mínimo entre ativações é usado como período
- A forma como prioridades são atribuídas NÃO é importante
 - Funciona pois “ $hp(i)$ ” sempre indica as tarefas mais prioritárias do que a tarefa “ i ”

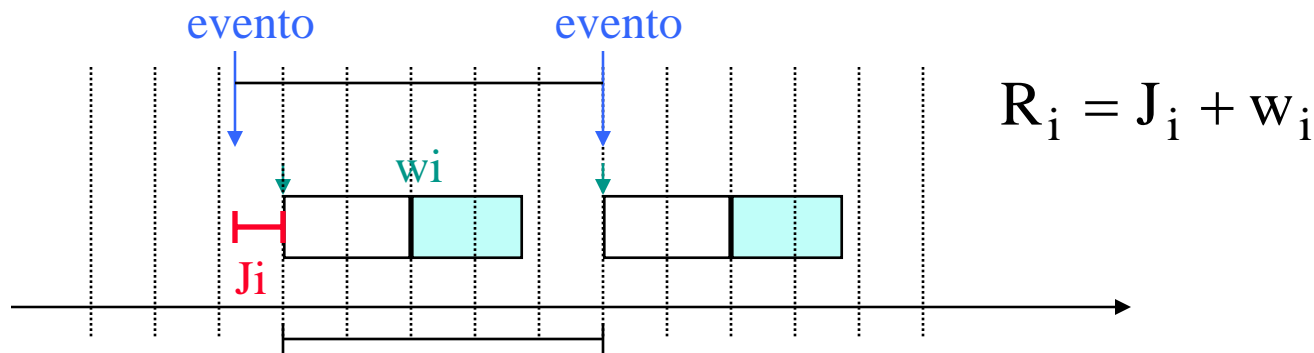
Deadline Monotonic

- Quanto menor o deadline, maior a prioridade
- Ótimo quando deadline é menor ou igual ao período
- Exemplo:

– Tarefas	T1	T2	T3	T4
– Períodos	P1=20	P2=15	P3=10	P4=20
– Tempo máximo de computação	C1=3	C2=3	C3=4	C4=3
– Deadline	D1=5	D2=7	D3=10	D4=20
– Prioridades	p1=1	p2=2	p3=3	p4=4
– Tempo máximo de resposta	R1=3	R2=6	R3=10	R4=20
– Caso fosse RM	R1=10	R2=7	R3=4	R4=20

Release Jitter

- Suponha uma tarefa esporádica liberada por evento externo
 - Eventos podem ser amostrados periodicamente
 - Sinalização do evento pode ter atraso variável



- **Release Jitter:** Atraso máximo na liberação da tarefa

$$w_i = C_i + \sum_{j \in hp(i)} \left\lceil \frac{w_i + J_j}{P_j} \right\rceil \times C_j$$

Bloqueios

- Podem ocorrer bloqueios devido a relações de exclusão mútua
 - Estruturas de dados compartilhadas
 - Dispositivos compartilhados
- Suponha T1 e T2, T1 com maior prioridade
- Se T2 fica bloqueada, esperando por T1
 - Ok, T1 tem mesmo prioridade superior
- Se T1 fica bloqueada, esperando por T2
 - Cálculo do tempo de resposta deve incluir a espera máxima B_i

$$w_i = C_i + B_i + \sum_{j \in hp(i)} \left\lceil \frac{w_i + J_j}{P_j} \right\rceil \times C_j$$

$$R_i = J_i + w_i$$

- Cada tarefa recebe uma prioridade fixa
- Teste é desenvolvido para examinar a escalonabilidade
- Dois tipos de análise
- **Análise da Utilização**
 - Utiliza o valor C/P
- **Análise do Tempo de Resposta**
 - Tenta calcular o tempo de resposta no pior caso